

1 Vrai ou faux, JUSTIFIE ou CORRIGE si c'est faux.

- a) Une fraction peut s'écrire sous la forme d'un nombre décimal illimité périodique.
- b) Deux fractions sont égales si elles possèdent le même dénominateur.
- c) Une fraction est égale à 1 si son numérateur est l'opposé de son dénominateur.
- d) Une fraction est égale à 0 si son dénominateur est égal à 0.
- e) Pour rendre une fraction irréductible, il faut diviser le numérateur et le dénominateur par leur PGCD.
- f) Deux fractions ayant des numérateurs différents peuvent être égales.
- g) Une fraction ayant le numérateur et le dénominateur de même signe est positive.



a)
$$-\frac{-4}{-5}$$
 ; b) $-\frac{-(3)^2}{8}$; c) $\frac{(-1)^3}{5}$; d) $\frac{(-17)^4}{-4}$; e) $-\left(\frac{-7}{3}\right)^2$



a)
$$\frac{-4}{-4} =$$

b)
$$\frac{8}{8} =$$

Exercices supplémentaires

c)
$$\frac{7}{7} =$$

4 Thierry vient de recevoir son bulletin.

Voici les résultats qu'il a obtenus à la période.

Néerlandais : $\frac{75}{120}$ Mathématiques : $\frac{72}{120}$ Religion : $\frac{16}{20}$ Sciences : $\frac{25}{40}$

- a) Son résultat en mathématiques est-il meilleur que celui en néerlandais?
- b) Pourquoi est-il facile de comparer les cotes de ces deux branches?
- c) Son résultat en sciences est-il meilleur que celui en religion? Comment as-tu fait pour comparer ces deux cotes?
- Parmi ces fractions $\frac{12}{13}$; $\frac{17}{17}$; $\frac{65}{20}$; $\frac{-5}{12}$; $\frac{-9}{4}$, **RETROUVE** celle qui correspond à chaque proposition.
- a) La fraction égale à 1 : _____
- b) La fraction supérieure à 1 : _____
- c) La fraction positive inférieure à 1 : ____
- d) La plus petite fraction : _



6 TROUVE la valeur des lettres pour que l'égalité soit respectée.

$$\frac{-3}{8} = \frac{a}{48} \Rightarrow a = \underline{\qquad}$$

$$\frac{-3}{8} = \frac{a}{48} \Rightarrow a = \underline{\qquad} \qquad \frac{c}{39} = \frac{5}{-15} \Rightarrow c = \underline{\qquad} \qquad \frac{e}{-10} = -\frac{-9}{-15} \Rightarrow e = \underline{\qquad}$$

$$\frac{e}{-10} = -\frac{-9}{-15} \Rightarrow e = \underline{\qquad}$$

$$\frac{-5}{7} = -\frac{-b}{-49} \Rightarrow b = \underline{\qquad \qquad -\frac{75}{25} = \frac{-3}{d}} \Rightarrow d = \underline{\qquad \qquad } \underbrace{\qquad \qquad 0}_{-20} = \frac{-f}{5} \Rightarrow f = \underline{\qquad }$$

$$-\frac{75}{25} = \frac{-3}{d} \Rightarrow d = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$\frac{0}{-20} = \frac{-f}{5} \Rightarrow f = \underline{\qquad}$$

7 COMPLÈTE par un nombre entier pour que l'égalité soit respectée.

$$\frac{3}{4} = -\frac{1}{12} = -\frac{15}{100} = \frac{-21}{100}$$

$$\frac{3}{4} = -\frac{15}{12} = -\frac{15}{100} = \frac{-21}{100} = \frac{-21}{100} = \frac{-4}{36} = -\frac{-2}{9} = \frac{-2}{90} = -\frac{40}{90} = -\frac{8}{100} = -\frac{8}{100} = -\frac{8}{100} = -\frac{15}{100} = -$$

8 RENDS ces fractions irréductibles.

a)
$$\frac{2}{12}$$
 = _____

g)
$$\frac{-210}{-250}$$
 = _____ m) $\frac{-10}{500}$ = _____

m)
$$\frac{-10}{500}$$
 =

b)
$$-\frac{3}{27}$$
 =

h)
$$\frac{-14}{15}$$
 = _____

n)
$$\frac{96}{63}$$
 = _____

c)
$$\frac{-121}{-143}$$
 = ______ o) $\frac{60}{48}$ = _____

i)
$$\frac{39}{52}$$
 = _____

o)
$$\frac{60}{48}$$
 = _____

d)
$$\frac{21}{21}$$
 = ______ j) $-\frac{12}{33}$ = ______ p) $\frac{24}{-42}$ = _____

$$|j) - \frac{12}{33} =$$

p)
$$\frac{24}{-42}$$
 = _____

e)
$$\frac{-140}{7}$$
 =

e)
$$\frac{-140}{7}$$
 = ______ k) $\frac{75}{100}$ = ______

q)
$$\frac{-15}{624}$$
 =

f)
$$\frac{18}{66}$$
 = ______

f)
$$\frac{18}{66}$$
 = _______ | 1) $\frac{320}{64}$ = _______ | r) $\frac{42}{3}$ = ______

r)
$$\frac{42}{3}$$
 = _____

9 **RETROUVE** la valeur de la lettre *n* pour que l'égalité soit vraie.

a) Si
$$\frac{3}{n}$$
 = 3 alors n = _____

a) Si
$$\frac{3}{n}$$
 = 3 alors n = ______ d) Si $\frac{3}{n+1}$ n'existe pas alors n = _____

b) Si
$$\frac{27}{n}$$
 = 9 alors n = _____

b) Si
$$\frac{27}{n}$$
 = 9 alors n = ______ e) Si $\frac{n+3}{5}$ = 1 alors n = _____

c) Si
$$\frac{n}{5}$$
 = 0 alors n = _____

10 Dans les fractions suivantes, x peut prendre n'importe quelle valeur sauf une. Laquelle?

g)
$$\frac{5}{4x}$$

b)
$$\frac{2x-3}{6-x}$$
 x

c)
$$\frac{45}{-x+6}$$

f)
$$\frac{3}{x-2}$$

Exercices supplémentaires

11 TRANSFORME les fractions suivantes en écriture décimale.

a)
$$\frac{27}{30} =$$

f)
$$\frac{3}{12}$$
 = _____

b)
$$\frac{6}{40} =$$

g)
$$\frac{18}{4} =$$

c)
$$\frac{6}{20} =$$

h)
$$\frac{21}{15} =$$

d)
$$\frac{14}{35} =$$

i)
$$\frac{27}{18}$$
 = _____

e)
$$\frac{2}{16}$$
 = ______

j)
$$\frac{96}{30}$$
 = _____

12 PLACE précisément ces fractions sur la droite graduée.

$$\frac{1}{3}$$
; $-\frac{3}{4}$; $\frac{3}{2}$; $-\frac{7}{6}$; $\frac{17}{6}$



GRADUE la droite et **PLACE** les fractions suivantes : $\frac{1}{6}$; $\frac{-2}{3}$; $\frac{5}{6}$; $\frac{-1}{2}$; $\frac{9}{6}$ et $\frac{-7}{6}$

13 ENCADRE par deux entiers consécutifs.

c)
$$-->\frac{8}{5}>--$$

a)
$$-<\frac{7}{6}<$$
 c) $->\frac{8}{5}>$ e) $-<\frac{-6}{7}<$

b)
$$- < \frac{-2}{3} < -$$

d)
$$--<\frac{8}{15}<--$$

b)
$$_ < \frac{-2}{3} < _$$
 d) $_ < \frac{8}{15} < _$ f) $_ > \frac{-18}{5} > _$

14 **RÉPONDS** aux questions suivantes.

- a) Quelle est la valeur approchée par défaut à l'unité près de $\frac{19}{17}$?
- b) Quelle est la valeur approchée par défaut au centième près de $\frac{19}{17}$?
- c) Quelle est la valeur approchée par excès au dixième près de $\frac{19}{17}$?
- d) Quelle est la valeur approchée par excès à l'unité près de $\frac{-19}{17}$?
- e) Quelle est la valeur approchée par défaut à 10^{-1} près de $\frac{-19}{17}$?
- f) Quelle est la valeur approchée par excès au centième près de $\frac{-19}{17}$?

15 COMPLÈTE le tableau.

l	Nombre	Arrondi à l'unité	Encadrement par deux entiers consécutifs	Encadrement à 0,01 près	Arrondi au dixième
a)	87,841				
b)	6,436				
c)	-20,588				
d)	229,086				
e)	0,904				
f)	-38,143				

16 COMPARE.

٦)	2	-3
a)	_7	1/

e)
$$-\frac{11}{15}$$
 $\frac{-7}{10}$

i)
$$\frac{13}{40}$$
 — $\frac{5}{16}$

f)
$$\frac{4}{5}$$
 — $\frac{2}{7}$

c)
$$\frac{2}{5}$$
 $\frac{60}{100}$

g)
$$\frac{-3}{-4}$$
 $-\frac{36}{48}$

k)
$$\frac{2}{7}$$
 $\frac{-14}{49}$

d)
$$\frac{5}{6}$$
 — $\frac{7}{8}$

h)
$$\frac{-9}{10}$$
 — $\frac{11}{25}$

I)
$$\frac{4}{5}$$
 — $\frac{10}{11}$

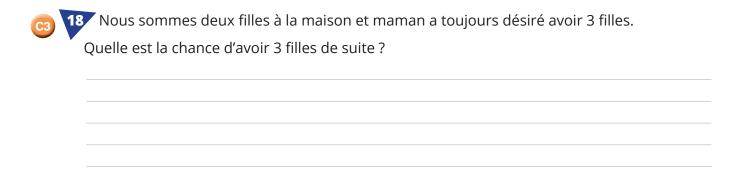
17 ORDONNE ces nombres dans l'ordre croissant.

a)
$$\frac{1}{3}$$
; $-\frac{1}{5}$; 0,5; $-\frac{1}{8}$; $\frac{1}{9}$; $\frac{1}{7}$

b)
$$\frac{3}{8}$$
; $-\frac{5}{8}$; $\frac{17}{8}$; $\frac{-12}{8}$; 0,125; $\frac{9}{8}$

ORDONNE ces nombres par ordre décroissant.

c)
$$\frac{14}{-17}$$
; $\frac{-17}{13}$; $\frac{14}{18}$; $\frac{-18}{18}$; $\frac{13}{-18}$; $\frac{17}{14}$



Exercices supplémentaires

19 Je lance un dé non truqué.

- a) Quelle est la probabilité d'obtenir un 5 ?
- b) Quelle est la probabilité d'avoir un nombre pair?
- c) Quelle est la probabilité d'obtenir un nombre strictement inférieur à 4?
- d) Quelle est la probabilité d'obtenir un nombre premier ?

20 Le carré ordonné.

Dans un carré ordonné, les nombres sont ordonnés de gauche à droite et de haut en bas dans l'ordre croissant comme le montre le schéma ci-contre.

11	13	26
12	20	37
18	48	53

COMPLÈTE les deux carrés ordonnés avec les nombres suivants.

a)
$$\frac{9}{19}$$
, $\frac{7}{19}$, $\frac{20}{19}$, $\frac{42}{19}$, $\frac{30}{19}$, $\frac{14}{19}$, et $\frac{13}{19}$ b) $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{2}{5}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{15}$ et $\frac{4}{15}$

b)
$$\frac{1}{3}$$
, $\frac{1}{5}$, $\frac{1}{6}$, $\frac{2}{5}$, $\frac{1}{10}$, $\frac{1}{15}$ et $\frac{4}{15}$

	10 19
25 19	

	3 10
<u>2</u> 15	

21 Dans une carte mémoire d'un appareil photo, le dossier des vacances en Turquie occupe $\frac{1}{4}$ de l'espace total, les dossiers du weekend à Londres $\frac{5}{12}$ et ceux des vacances en Inde $\frac{1}{3}$. **DÉTERMINE** le dossier où il y a le plus de photos.

TROUVE la valeur du nombre naturel *n* si tu sais que :

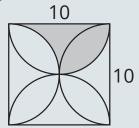
- a) $\frac{n}{9} < \frac{7}{n} < \frac{n}{6}$

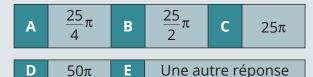
Challenges mathématiques



Exercice 1

Quelle est l'aire de la région ombrée dans la figure suivante?





OMB 2017

Exercice 4

Parmi les cinq nombres 12 345 678 900 987 654 321 9

234 567 890 098 765 432

 $\frac{3\,456\,789\,009\,876\,543}{3}$; $\frac{6\,789\,009\,876}{6}$ et

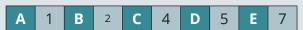
 $\frac{24567890098}{8}$ combien sont des entiers?



OMB 2012

Exercice 2

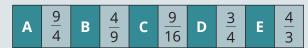
Quel est le 2016^e chiffre après la virgule dans l'écriture décimale de $\frac{3}{7}$?



OMB 2016

Exercice 5

Le cercle \mathcal{C}_1 est le bord du disque \mathcal{D}_1 et le cercle \mathcal{C}_2 est le bord du disque \mathcal{D}_2 . Un arc de 60° de \mathcal{C}_1 a la même longueur qu'un arc de 45° de \mathcal{C}_2 . Quel est le rapport de l'aire de \mathcal{D}_1 à celle de \mathcal{D}_2 ?



OMB 2011

Exercice 3

Solange a 22 bouteilles identiques de jus. Avec 14 de ces bouteilles, elle remplit exactement 35 petits verres et avec les 8 bouteilles restantes, elle remplit exactement 12 grands verres. Quel est le rapport du volume d'un grand verre à celui d'un petit ?



OMB 2013